

# مسئله شماره چهار

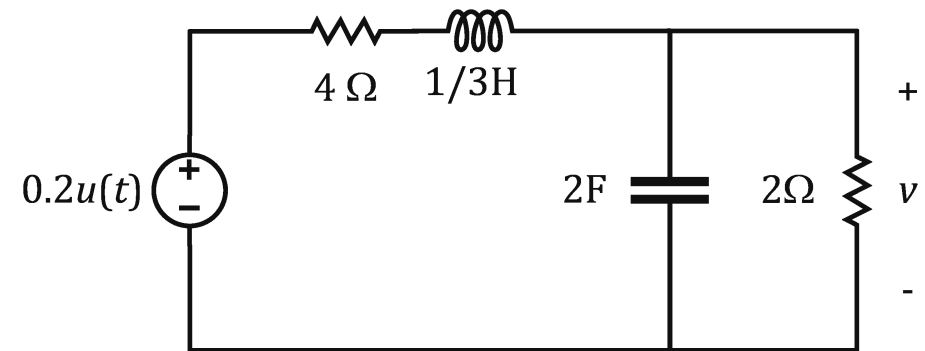
• سوال چهارم: حل

• حل سیگنال کوچک (10 ولت ثابت)، محاسبه مقاومت، خازن و اندوکتانس در نقطه کار و نیز رسم مدار:

$$v = \begin{cases} 0.5i^2 & i \geq 0 \\ 0 & i < 0 \end{cases} \Rightarrow r_d = \left. \frac{\partial v}{\partial i} \right|_{I_R=2} = 2\Omega$$

$$q = 0.1v^3 + 0.8v \Rightarrow r_d = \left. \frac{\partial q}{\partial v} \right|_{V_C=2} = 2F$$

$$\varphi = \sqrt[3]{0.5i} \Rightarrow r_d = \left. \frac{\partial \varphi}{\partial i} \right|_{I_L=2} = \frac{1}{6}H$$



• معادله دیفرانسیل به این شرح است:

$$4 \frac{d^2 v_c}{dt^2} + 97 \frac{dv_c}{dt} + 36v_c = 12 \times 0.2u(t)$$

# مسئله شماره چهار

• سوال چهارم: حل

• معادله دیفرانسیل (KVL در حلقه اصلی) و حل آن (شرایط اولیه سیگنال کوچک صفر است):

$$v_c + 4 \times \left( \frac{v_c}{2} + 2 \frac{dv_c}{dt} \right) + \frac{1}{6} \frac{d}{dt} \left( \frac{v_c}{2} + 2 \frac{dv_c}{dt} \right) = 0.2u(t)$$

$$\therefore \frac{d^2 v_c}{dt^2} + \frac{97}{4} \frac{dv_c}{dt} + 9v_c = 0.6u(t)$$

$$v_c = 0.0667 + 0.0011e^{-23.873t} - 0.0677e^{-0.3770t}$$

• با رسم مشخص می شود که حداکثر پاسخ، 0.0667 است که از 2 به اندازه کافی کوچکتر است (30 برابر)